

# Beweisbar sichere Verschlüsselung

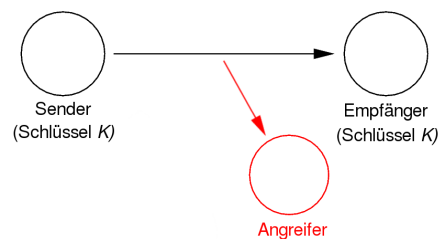
ITS-Wahlpflichtvorlesung

Dr. Bodo Möller

Ruhr-Universität Bochum  
Horst-Görtz-Institut für IT-Sicherheit  
Lehrstuhl für Kommunikationssicherheit  
bmoeller@crypto.rub.de

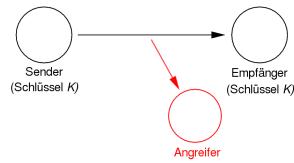
## Sicherheit gegen aktive Angreifer

- Wir bleiben bei *symmetrischer Verschlüsselung*, wollen den Angreifern mehr erlauben
- *Bisher* Sicherheitsbegriffe mit *passivem Angreifer*:

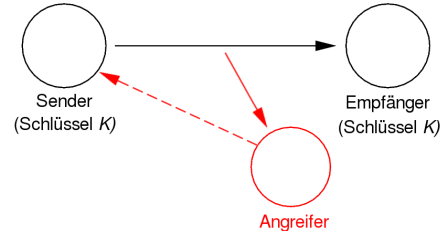


## Sicherheit gegen aktive Angreifer (Forts.)

- Passiver Angreifer:



- In den Modellen (RoR-CPA usw.) war der Angreifer kein reiner Beobachter, sondern bekam ein *Verschlüsselungsortakel* verschiedener Art:

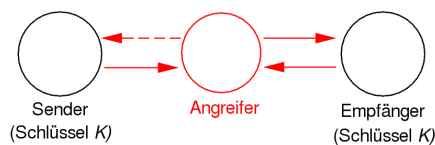


Sinn dieses Orakels war es, alle denkbaren Gegebenheiten bei der Plaintext-Verteilung abzudecken.

- Deshalb *Chosen Plaintext Attack* (CPA)

## Sicherheit gegen aktive Angreifer (Forts.)

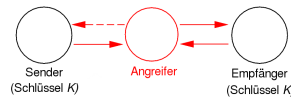
- *Jetzt* wollen wir *aktive Angreifer* modellieren, die den Übertragungskanal zwischen Sender und Empfänger kontrollieren:



- Der Angreifer hat wie bisher ein *Verschlüsselungsortakel* (er sagt dem Sender, was verschlüsselt werden soll); zusätzlich jetzt ein *Entschlüsselungsortakel* (er sieht Entschlüsselungsergebnisse des Empfängers)
- Deshalb *Chosen Ciphertext Attack* (CCA) – dem Angreifer bleiben dabei alle Möglichkeiten aus dem CPA erhalten!  
(Also eigentlich “chosen plaintext and ciphertext”)

## Sicherheit gegen aktive Angreifer (Forts.)

- Aktiver Angreifer (CCA):



- Aber wenn der Angreifer ein Entschlüsselungsorakel zur Verfügung hat, was bleibt ihm dann eigentlich noch zu tun ...?
- Für eine sinnvolle Modellierung wird das *Entschlüsselungsorakel eingeschränkt!*
- $c$  ist *als Anfrage ans Entschlüsselungsorakel* nur dann zulässig, wenn  $c$  *nicht* eine der *Antworten des Verschlüsselungsorakels* ist von vorher im Angriffsspiel
- So können wir *alle von CPA bekannten Angriffe analog* definieren:
 

RoR-CCA	LoR-CCA	FtG-CCA	Sem-CCA
RoR-OTCCA	LoR-OTCCA		Sem-OTCCA
- *OTCCA* heißt hier: *Einmalverschlüsselung* mit CCA  
(Verschlüsselungsorakel einmal, Entschlüsselungsorakel mehrfach zu verwenden!)

## Sicherheit gegen aktive Angreifer (Forts.)

- Sem-CCA und Sem-OTCCA (*semantische Sicherheit unter Chosen Ciphertext Attack*) brauchen viele technische Details, werden hier nicht weiter betrachtet!
- Wichtig ist aber: Auch hier wurden Äquivalenzen gezeigt zu den anderen Formalisierungen
- Wir betrachten als detaillierte *Beispiele* RoR-OTCCA und LoR-CCA:
  - ein *Real-or-Random*-Angriffsspiel
  - mit *One-Time*-Verschlüsselungsorakel
  - und mit Entschlüsselungsorakel (für *Chosen Ciphertext Attack*);
 und
  - ein *Left-or-Right*-Angriffsspiel
  - mit uneingeschränktem Verschlüsselungsorakel (d. h. nicht "one time")
  - und mit Entschlüsselungsorakel (*Chosen Ciphertext Attack*)

## RoR-OTCCA-Sicherheit

- *Ablauf des RoR-OTCCA-Angriffsspiels*

mit Fällen  $b = 1$  ("real") und  $b = 0$  ("random")

auf ein Verschlüsselungsschema  $(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D})$  für Angreifer  $\mathcal{A}$ :

- $K \xleftarrow{\$} \mathcal{K}$
- $\mathcal{A}$  stellt Anfragen  $c$  an Orakel  $D(\cdot)$ , erhält jeweils  $\mathcal{D}_K(c)$
- $\mathcal{A}$  stellt *eine* Anfrage  $m$  an Orakel  $E(\cdot)$ , erhält  $c_{\text{challenge}} = E_b(m)$ , wobei  $E_1(\cdot)$  "Real"-Verschlüsselungssorakel ist (Antwort  $E_K(m)$ ) und  $E_0(\cdot)$  "Random"-Verschlüsselungssorakel (Antwort  $E_K(m_0)$  mit  $m_0 \in_{\$} \{0, 1\}^{|m|}$ )
- $\mathcal{A}$  stellt wieder Anfragen  $c$  an Orakel  $D(\cdot)$ ;  
Anfrage  $c = c_{\text{challenge}}$  ist unzulässig (Antwort  $\perp$ ),  
ansonsten erhält  $\mathcal{A}$  jeweils  $\mathcal{D}_K(c)$
- $\mathcal{A}$  gibt ein Bit  $\tilde{b}$  aus
- Hierbei darf  $\mathcal{A}$  an  $D(\cdot)$  jeweils viele Fragen stellen  
(nacheinander, sie können also von vorherigen Antworten abhängen)

## RoR-OTCCA-Sicherheit (Forts.)

- *RoR-OTCCA-Vorteil:*

Wie gewohnt definiert, nämlich

$$\text{Adv}_{(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D}), \mathcal{A}}^{\text{RoR-OTCCA}} = \Pr[\mathcal{A}^{E_1(\cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1] - \Pr[\mathcal{A}^{E_0(\cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1]$$

- „ $(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D})$  ist *RoR-OTCCA-sicher*“ heißt (informell):

Für jeden denkbaren Angreifer  $\mathcal{A}$

bleibt der Vorteil  $\text{Adv}_{(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D}), \mathcal{A}}^{\text{RoR-OTCCA}}$  verschwindend gering

## LoR-CCA-Sicherheit

- *Ablauf des LoR-CCA-Angriffsspiels*

mit Fällen  $b = 1$  ("left") und  $b = 0$  ("right")

auf ein Verschlüsselungsschema  $(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D})$  für Angreifer  $\mathcal{A}$ :

- $K \xleftarrow{\$} \mathcal{K}$
- $\mathcal{A}$  stellt in beliebiger Reihenfolge
  - Anfragen  $(m_1, m_0)$  (mit  $|m_1| = |m_0|$ ) an Orakel  $E(\cdot, \cdot)$ , erhält jeweils die Antwort  $\mathcal{E}_K(m_b)$
  - Anfragen  $c$  an Orakel  $D(\cdot)$ ; unzulässig, falls  $c$  unter den bisherigen Antworten von  $E(\cdot, \cdot)$  ist (dann Antwort  $\perp$ ), sonst erhält  $\mathcal{A}$  jeweils  $\mathcal{D}_K(c)$
- $\mathcal{A}$  gibt ein Bit  $\tilde{b}$  aus
- *LoR-CCA-Vorteil:* Wie gewohnt definiert als

$$\text{Adv}_{(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D}), \mathcal{A}}^{\text{LoR-CCA}} = \Pr[\mathcal{A}^{E_1(\cdot, \cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1] - \Pr[\mathcal{A}^{E_0(\cdot, \cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1]$$

## LoR-CCA-Sicherheit (Forts.)

- LoR-CCA-Vorteil:

$$\text{Adv}_{(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D}), \mathcal{A}}^{\text{LoR-CCA}} = \Pr[\mathcal{A}^{E_1(\cdot, \cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1] - \Pr[\mathcal{A}^{E_0(\cdot, \cdot), D(\cdot)} \Rightarrow 1]$$

- „ $(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D})$  ist *LoR-CCA-sicher*“ heißt (informell):

Für jeden denkbaren Angreifer  $\mathcal{A}$

bleibt der Vorteil  $\text{Adv}_{(\mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D}), \mathcal{A}}^{\text{LoR-CCA}}$  verschwindend gering

## CCA-Sicherheit

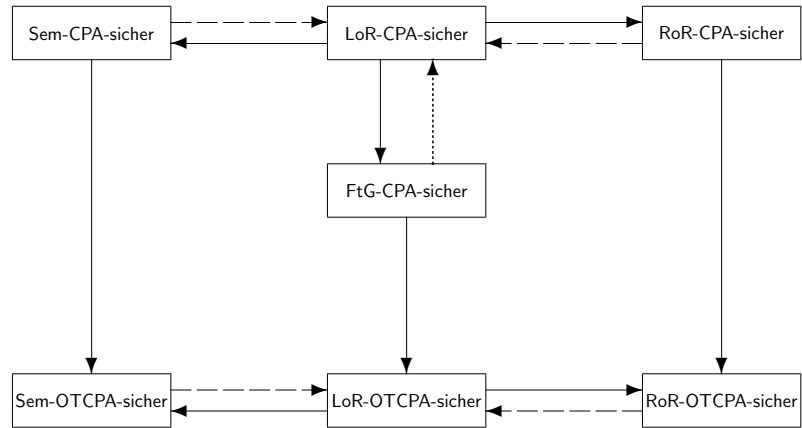
- Diese Angriffsspiele sind, vom Entschlüsselungsrakel  $D(\cdot)$  abgesehen, genauso wie die entsprechenden CPA-Angriffsspiele
- ... ein CPA-Angreifer kann also auch als CCA-Angreifer eingesetzt werden (z. B. jeder RoR-OTCPA-Angreifer als RoR-OTCCA-Angreifer)
- Das heißt: *CCA-Sicherheit impliziert CPA-Sicherheit* (z. B.: RoR-OTCCA-Sicherheit impliziert RoR-OTCPA-Sicherheit)

## CCA-Sicherheit (Forts.)

- Das Entschlüsselungsrakel erlaubt dem Angreifer sehr viel – warum? Das Angriffsspiel soll dem Angreifer im Zweifelsfall *mehr* erlauben, als in der Praxis zu befürchten ist:
- CCA *in der Praxis* z. B.:  
Ändere oder ersetze verschlüsselte Daten und beobachte, wie der Empfänger darauf reagiert.  
Das ist kein vollwertiges Entschlüsselungsrakel, liefert aber *partielle Information*
- Wenn sogar für „vollen CCA“ Sicherheit vorliegt, ist man für alle Fälle von weiter eingeschränkten Chosen Ciphertext Attacks gut gerüstet!
- Aber Vorsicht: CCA (RoR-CCA, LoR-CCA usw.) ist noch *nicht alles*, später kommt noch *Integrity of Ciphertext* hinzu (INT-CTXT)

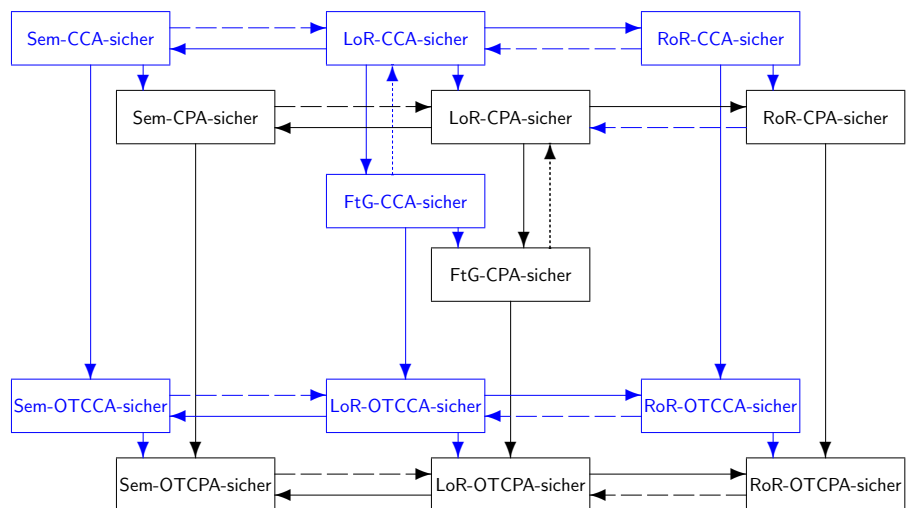
### CCA-Sicherheit (Forts.)

- Für CPA-Sicherheitsbegriffe kennen wir folgende Zusammenhänge:



### CCA-Sicherheit (Forts.)

- Das wollen wir erweitern mit CCA ...:

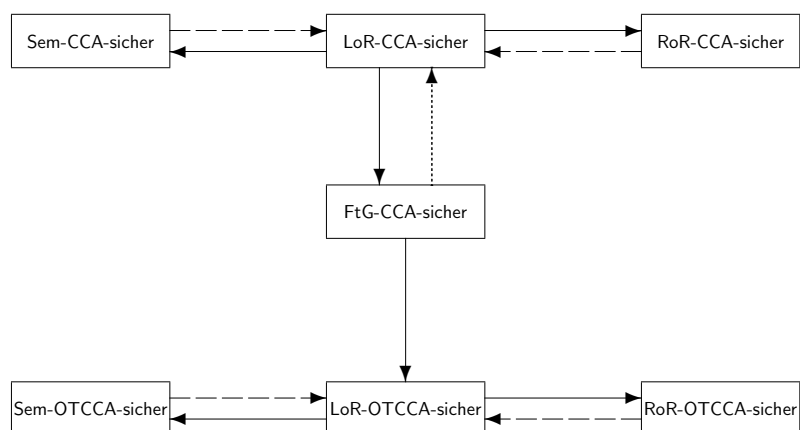


## CCA-Sicherheit (Forts.)

- Die Pfeile  $X$ -CCA-sicher  $\rightarrow$   $X$ -CPA-sicher sind klar ( $X$ -OTCCA-sicher  $\rightarrow$   $X$ -OTCPA-sicher genauso)
- Die Pfeile  $X$ -CCA-sicher  $\rightarrow$   $X$ -OTCCA sind auch klar
- Diejenigen Pfeile, die nur CPA betreffen, sind von vorher bekannt
- Bleiben anzusehen: ...

## CCA-Sicherheit (Forts.)

- Bleiben anzusehen:



- Auf Sem-CCA, Sem-OTCCA werden wir nicht im Detail eingehen!